

1.- Indicar el valor de verdad de las siguientes proposiciones. Justificar su respuesta, usando argumentos teóricos.

a) Existe un número real m tal que la recta $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{m} = \frac{z+3}{-2}$ es paralela al plano $x - 3y + 6z + 7 = 0$

b) Existen 2 números reales A y B tales que el plano $Ax + By + 3z - 5 = 0$ es perpendicular a la recta $x = 3 + 2t, y = 5 - 3t, z = -2 - 2t$

c) Existe una recta que pasa por el punto $(1, -1, 1)$, ortogonal a la recta $3x = 2y = z$, y paralela al plano $x + y - z = 0$.

2.- Dado el triángulo ABC , con $B = (-5, 2, 7)$, las rectas

$L_1: x = 1, y - 3 = \frac{z - 3}{2}$, $L_2: \frac{x + 2}{-3} = \frac{y - 1}{-1} = z - 2$ son medianas trazadas desde A y C respectivamente. Determine los vértices del triángulo ABC .

3.- Dadas las rectas $L_1: \frac{x - 8}{7} = \frac{y - 2}{-1} = \frac{z - 1}{3}$, $L_2: x - 4 = \frac{y + 1}{-1} = z + 3$.

Determine la ecuación de la recta que contiene a la distancia mínima entre L_1 y L_2 .

4. Sean las rectas $L_1 = \{P/P = (-2, 1, -1) + t(1, 4, 3)\}$ y

$L_2 = \{P/P = (7, 2, 1) + s(2, -2, 1)\}$.

Determinar si es posible obtener un plano P , que satisfaga simultáneamente $L_2 \cap P = \emptyset$ y la distancia del punto Q al plano P es igual a $5u$ para todo Q que pertenece a L_1 .